

СОДЕРЖАНИЕ

	Введение	7
ГЛАВА 1.	Прямиком из Лувра	19
ГЛАВА 2.	Звонок семье	30
ГЛАВА 3.	Зомби-апокалипсис!	38
ГЛАВА 4.	Что может быть проще пи... рога	49
ГЛАВА 5.	Камень преткновения	59
ГЛАВА 6.	Последний поезд из Владивостока	65
ГЛАВА 7.	Свет, камера, мотор!	75
ГЛАВА 8.	На вес золота	84
ГЛАВА 9.	Трехочковый	89
ГЛАВА 10.	Быстрым шагом	97
ГЛАВА 11.	Уравнение парашюта	106
ГЛАВА 12.	Спасение в космосе	117
ГЛАВА 13.	Всё или ничего	130
ГЛАВА 14.	Непростое положение	141
ГЛАВА 15.	Рукопожатия	152
ГЛАВА 16.	План рассадки	160
ГЛАВА 17.	Уварнение	167
ГЛАВА 18.	Электрическая утопия	176
	Словарь терминов	184

ВВЕДЕНИЕ

Уравнения и формулы. Большинству из нас они знакомы по школьным урокам математики, физики и химии. Но, вероятнее всего, даже те из них, что были некогда вызубрены для экзаменов, теперь пылятся где-то на задворках нашего взрослого разума — позабытые и, казалось бы, совершенно ненужные. В конце концов, нам действительно чаще всего требуются простейшие арифметические действия, а в самом крайнем случае (скажем, за неделю до зарплаты) — умение пользоваться калькулятором на смартфоне. Так зачем возвращаться к этим никчемным, бесполезным, никому не нужным штукам, если для задачи, которая внезапно потребовала решения, уже наверняка придумали приложение, электронную таблицу или программу?

Насколько мы можем судить, наша Вселенная подчиняется неким законам. Мы называем эти законы наукой и записываем математическим языком — при помощи уравнений. Абсолютно все — от образования галактик до расположения веснушек на носу ребенка — есть результат решения уравнений. Нравится вам это или нет, предпочитаете ли вы «метод научного тыка» или упорядоченные действия — уравнения сопровождают каждый аспект вашей жизни. Совершенно неважно, насколько решение уравнений доступно вашему

пониманию — они управляют всем, что происходит вокруг. Так может быть, пора поближе познакомиться с миром математики?

Безусловно, уравнения помогут вычислить, какой дистанции следует придерживаться, чтобы избежать столкновения машин в час пик. Но они могут оказаться полезными и в чрезвычайных обстоятельствах — когда на кону стоит больше, чем выплата по страховке. Что, если вместо того, чтобы поутру тащиться на скучную работу в офис мистера Претенциозность, вы перехватываете сообщение от обитателей другой галактики? Или, останавливая чудовищный разлив нефти в Тихом океане, предупреждаете международный конфликт? В старом добром уравнении нуждаются даже важные для всех и шаткие с точки зрения международной дипломатии ситуации. Математика — то, что движет миром, а совершенствование математических знаний — то, что поможет развитию технологий и, возможно, спасет планету от экологической катастрофы!

Однако прежде, чем приняться за спасение жизней, давайте вспомним основы математики. Они понадобятся, если вы хотите читать эту книгу хоть сколько-нибудь осознанно.

Любому из нас, бывает, требуется помощь с математикой. Даже такие гении, как Исаак Ньютон и Альберт Эйнштейн, время от времени затруднялись записывать свои теории математическим языком и обращались за помощью к экспертам. Я не смогу быть рядом и помогать, пока вы читаете. Но я написал несколько пояснений: они облегчат понимание тех вещей, которые вы, возможно, успели подзабыть со школьных времен. Уверены в собственных знаниях — пропускайте этот раздел. К нему можно будет вернуться, если вдруг поймете, что переоценили свои способности.

Порядок действий

Всякий раз, когда вы видите выражение, требующее вычислений — или операций, как это называют математики, — вам нужно определить последовательность шагов. В отличие от письма или чтения, где мы движемся слева направо, в математике необходимо следовать определенному порядку.

Вычисления следует производить согласно аббревиатуре BIDMAS*:

Скобки
Возведение в степень
Деление
Умножение
Сложение
Вычитание

Например, выражение $5 - 3 + (2 \times 8) \div 4^2$ содержит все шесть действий. Итак, начнем со скобок. Мы видим, что $2 \times 8 = 16$, и наш пример становится таким:

$$5 - 3 + 16 \div 4^2.$$

Далее по плану возведение в степень («в степени n» означает «в n раз больше»). Такую степень мы видим над числом 4. 4^2 — это число 4, умноженное само на себя. Поскольку $4 \times 4 = 16$, мы получаем:

$$5 - 3 + 16 \div 16.$$

* Аббревиатура BIDMAS происходит от принятой в математике последовательности операций: brackets (скобки), indices (степени), division (деление), multiplication (умножение), addition (сложение), subtraction (вычитание). — *Прим. пер.*

Затем идет деление: $16 \div 16 = 1$. Теперь наше выражение принимает вид:

$$5 - 3 + 1.$$

Сложение -3 и 1 дает нам -2 :

$$5 - 2.$$

У нас на руках остается простое вычитание:

$$5 - 2 = 3.$$

Сокращение дробей

Эквивалентность дробей — важное понятие: это означает, что дроби, пусть и записанные по-разному, могут соответствовать одному и тому же числу. Например, как мы знаем, одна вторая — то же самое, что и две четверти:

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4}.$$

Дроби принято оставлять в несократимом виде, то есть использовать наименьший возможный знаменатель (число под чертой) при целом числителе (число над чертой). Будь нам неизвестно, что две четверти эквивалентны половине, мы могли бы сократить дробь, найдя число, которому кратны и числитель, и знаменатель. Для двух четвертей оно будет равно двум, так как на него делятся и 2, и 4. Поделив оба числа на 2, мы сократим дробь, но ее значение останется таким же.

Если бы у нас было восемь двенадцатых, мы могли бы разделить числитель и знаменатель на 2 или на 4. Чтобы полностью сократить дробь, используем наибольший общий делитель:

$$\frac{8}{12} = \frac{8 \div 4}{12 \div 4} = \frac{2}{3}.$$

Нет такого числа, которому были бы кратны 2 и 3, значит, наша работа завершена.

Степени и корни

Пример возведения в степень мы видели в подразделе «Порядок действий». Степень показывает, сколько раз число следует умножить само на себя. Так, вместо 3^5 мы могли бы написать $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$. Истинное значение 3^5 составляет 243 — а это, согласитесь, совсем не то же самое, что $3 \times 5 = 15$ (при возведении в степень такую ошибку допускают очень часто).

Извлечение корня — операция, обратная возведению в степень. Лучше всего мы знакомы с квадратными корнями, обозначающими действие, противоположное — или обратное, как выражаются математики, — возведению в квадрат (однократное умножение числа на себя). Например:

$$8^2 = 8 \times 8 = 64;$$

$$\sqrt{64} = 8.$$

Возведя 8 в квадрат, мы извлекаем из полученного числа квадратный корень и возвращаемся к тому, с чего начали. А дальше мы можем возводить число в любую степень, которая будет отлична от второй, и точно так же извлекать любой корень, отличный от квадратного: например, вычислить значение третьей степени числа 8 и извлечь из полученного кубический корень:

$$8^3 = 8 \times 8 \times 8 = 512;$$

$$\sqrt[3]{512} = 8.$$

Решение уравнений

Строго говоря, уравнение — это задача с неизвестным. Сумеете ли вы найти неизвестное, если я скажу, что, умножив его на 4 и прибавив 3, мы получим 13? Алгебра позволяет записать задачу в кратком виде. Заменяем загаданное число буквой y — переменной, и мой вопрос станет выглядеть так:

$$4 \times y + 3 = 13.$$

Чтобы еще больше упростить запись и заодно избежать путаницы между знаком умножения и буквой x , сократим $4 \times y$ до $4y$:

$$4y + 3 = 13.$$

Чтобы определить неизвестное число, то есть найти решение, или корень уравнения, начинаем с правой части выражения (суммы) и производим действия в обратном порядке. Из числа 13 вычитаем 3, а полученную разность делим на 4:

$$y = (13 - 3) \div 4.$$

Обратите внимание: наша первая операция — вычитание — заключена в скобки. Не будь их, нам пришлось бы, согласно установленному порядку действий, начинать с деления. Итак:

$$y = (13 - 3) \div 4;$$

$$y = 10 \div 4;$$

$$y = 2,5.$$

Уравнение решено! Имейте в виду, что есть и альтернатива: разбивать обратные операции на несколько этапов. Такой подход пригодится, если неизвестное встречается несколько раз:

$$3a + 6 = 7a - 2.$$

Например, если мы увеличим обе части уравнения на 2, то в правой избавимся от -2 . Задача примет следующий вид:

$$3a + 8 = 7a,$$

затем из обеих частей вычтем $3a$:

$$8 = 4a,$$

и, наконец, разделив и левую, и правую части на 4, получим ответ:

$$a = 2.$$

Этот метод прекрасно работает в приведенных выше линейных уравнениях — задачах с неизвестным без степени. Квадратные уравнения, то есть те, где подлежащее определению число возведено в квадрат, сложнее, поскольку у них может быть два, один или даже ни одного корня. И, хотя есть различные методы решения подобных задач, я, опустив подробности, просто предложу использовать для вычисления формулу $ax^2 + bx + c = 0$. Итак, никакого волшебства:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}.$$

Оставлю ее как вызов самому добросовестному из читателей. Пусть проверит!

Формулы

Формула — это способ показать математическую связь между величинами. Например, фут равен 30,48 см. Мы можем представить это следующей формулой:

$$c = 30,48f.$$

Буква f обозначает количество футов, c — количество сантиметров. Будь мы в США, где фут все еще остается стандартной единицей измерения длины, отношение помогло бы нам вычислить, сколько сантиметров в 6 футах. Нужно только заменить f на 6:

$$\begin{aligned}c &= 30,48 \times 6; \\c &= 182,88.\end{aligned}$$

Итак, 6 футов — это 182,88 см.

В приведенном примере c — преобразуемое выражение. Если известна длина в сантиметрах, но ее следует перевести в дюймы, f нужно перенести в левую часть формулы, то есть должно получиться « $f =$ ». Действия будут напоминать решение уравнения. Чтобы вычислить c , мы умножали f на 30,48. Значит, разделив c на 30,48, получим:

$$f = c \div 30,48.$$

Другими словами, если бы мы захотели узнать, сколько футов в 182,88 см, то разделили бы это число на 30,48, получив 6 футов.

Неравенства

Часто цель математических действий — удостовериться и показать, что x равно определенному числу. Но иногда подобная конкретика нежелательна или невозможна, поскольку есть необходимость рассмотреть диапазон значений. Именно для этого мы и прибегаем к неравенствам. Допустим, по опыту мне известно, что каждое воскресенье за обедом моя семья съедает больше 7, но до 12 картофелин. Если представить количество картофеля в виде p , то «больше 7» будет выглядеть как $p > 7$. Предлагаю рассматривать символ неравенства как пасть прожорливого крокодила, который

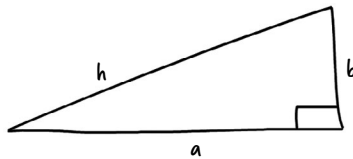
всегда норовит выбрать из двух объектов тот, который больше (в нашем случае это p), и съесть его. Поскольку «7 меньше p » означает то же, что и « p больше 7», выражение можно записать и наоборот: $7 < p$. «До 12» означает, что p может быть как меньше, так и равно 12. Неравенство будет выглядеть следующим образом: $p \leq 12$. У символа появилась дополнительная палочка, которая означает, что p способно быть не только меньше, но и равняться 12. Записав рядом оба выражения, мы охватим весь диапазон возможных значений p :

$$7 < p \text{ и } p \leq 12, \text{ или} \\ 7 < p \leq 12.$$

Это все, что нам следует знать, чтобы вычислить, сколько картофеля понадобится для воскресного обеда.

Теорема Пифагора

Эта легендарная теорема (а о других вы слышали хотя бы раз ?) устанавливает соотношение между сторонами прямоугольного треугольника.



Квадрат самой длинной стороны треугольника, или гипотенузы, равен сумме квадратов других более коротких сторон (они же катеты). Если известна длина обоих катетов, гипотенуза вычисляется по этой формуле:

$$h = \sqrt{a^2 + b^2}.$$

Захотим узнать длину одной из коротких сторон — воспользуемся этой:

$$a = \sqrt{h^2 - b^2}.$$

Раскрытие скобок

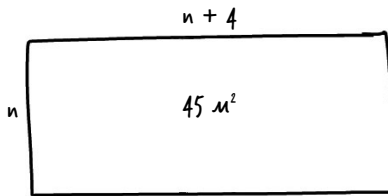
Бывает, что в уравнениях присутствуют скобки. Предположим, у нас есть некое число. Если прибавить к нему 4, а потом умножить полученную сумму на исходное число, получится 45. Все это можно представить в виде вот такого уравнения:

$$n \times (n + 4) = 45.$$

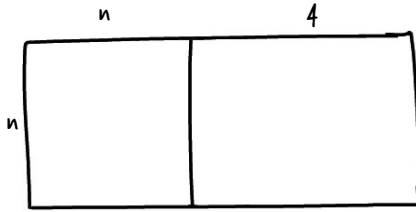
Знак умножения при записи обычно опускается:

$$n(n + 4) = 45.$$

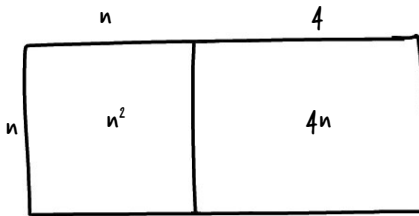
Прежде чем решить уравнение, нужно избавиться от скобок. Чтобы облегчить задачу, предлагаю представить ее в виде прямоугольника, одна сторона которого равна n метров (м), другая — $n + 4$ метров. Он будет выглядеть так:



Поделив длинную сторону на два отрезка, один из которых имеет длину n метров, а другой — 4 метра, получим прямоугольник и квадрат:



Теперь можем определить площадь каждой фигуры:



Таким образом, общая площадь прямоугольника получается равной $n^2 + 4n$, что составляет 45:

$$n^2 + 4n = 45.$$

Видите? Скобок больше нет! Процесс называется умножением на скобку, или ее раскрытием. Полученное квадратное уравнение решается с помощью формулы, приведенной в подразделе «Решение уравнений».

Вынесение за скобки общего множителя

Алгебраический метод, противоположный раскрытию скобок, может быть полезен при решении уравнений или преобразовании формул. Рассмотрим на примере:

$$4 \times 3 + 5 \times 3 = (4 + 5) \times 3.$$

Проведя операции, получим:

$$\begin{aligned}12 + 15 &= 9 \times 3 \\27 &= 27.\end{aligned}$$

Равенство истинно. Истинно и то, что мы могли бы заменить тройку любым другим числом и получить: четыре раза по столько-то плюс пять раз по столько-то — это девять раз по столько-то. Если вместо «сколько-то» мы возьмем букву, выражение станет алгебраическим, а задача примет такой вид:

$$4a + 5a = (4 + 5) a.$$

Обе части уравнения здесь, конечно, равны $9a$. Такой процесс называется вынесением за скобки общего множителя. Можем пойти еще дальше и заменить 4 и 5 на другие неизвестные:

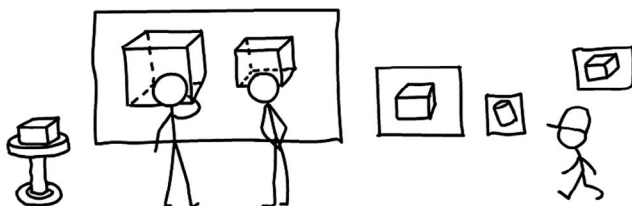
$$Xa + Ya = (X + Y)a.$$

Это умение — выносить общий множитель за скобки — пригодится при решении уравнений, где одно и то же неизвестное встречается несколько раз.

Надеюсь, что вышеизложенные основы помогли вам освежить воспоминания, и теперь вы готовы рассмотреть первую ситуацию. Все еще не уверены в собственных силах? Не волнуйтесь. В каждой главе мы внимательно, шаг за шагом и с подробными объяснениями разберем любую возможную проблему. Да, и никаких экзаменов. Возможно, вам это и не приходило в голову после школы, но, прочитав эту книгу, вы поймете, что на самом деле для каждого случая есть свое уравнение.

ГЛАВА 1

ПРЯМИКОМ ИЗ ЛУВРА

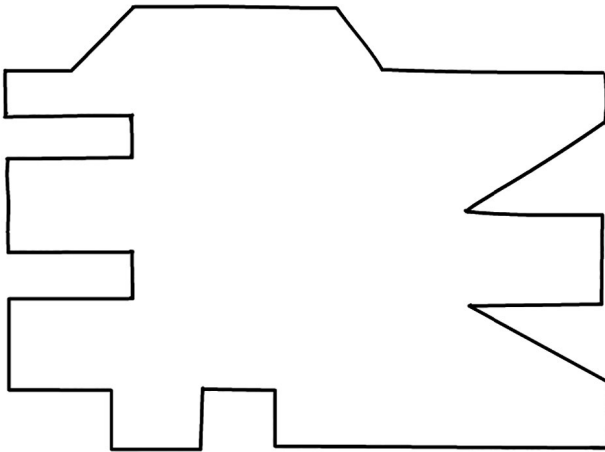


Как частный консультант по безопасности вы не имеете себе равных: ряд недавних громких дел даже привлек внимание международных СМИ. Но как только на пороге вашего офиса появляется разодетая по последней парижской моде дама, вы тут же отменяете все свои встречи и, предложив ей чай/кофе, соглашаетесь выяснить, кто из сотрудников Лувра подменяет шедевры практически идеальными копиями. Бюджет, который музей выделяет на безопасность, сильно ограничен. Вместе с заказчицей вам предстоит придумать, как при минимальном количестве охранников уберечь картины, скульптуры и прочие художественные ценности, представленные на выставке, которая недавно открылась... ну, скажем, в зале математического искусства. При этом заказчица требует, чтобы каждая часть экспозиции находилась под постоянным наблюдением хотя бы одного охранника. Как эффективно решить поставленную задачу?*

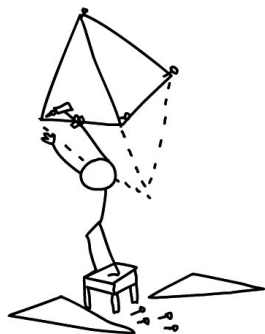
* Выдумка автора. — Прим. пер.

Мы должны обратиться к математической логике и попытаться мыслить геометрически. Давайте начнем рассуждать о помещении и его безопасности на языке математики. Итак: обозначьте необходимое количество охранников буквой g , а затем посмотрите, получится ли уменьшить это значение. Прежде всего вам нужно разобраться в многоугольниках (полигонах).

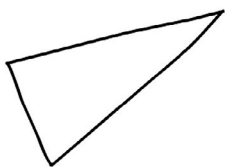
Многоугольники — плоские фигуры с прямыми сторонами. В большинстве случаев план помещения представляет собой совокупность многоугольников, которые в основном (но не всегда, что можно увидеть на представленной ниже планировке) имеют прямые углы.



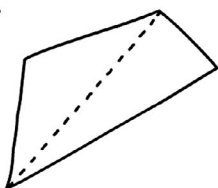
Многоугольники принято называть по количеству сторон. Треугольник представляет собой многоугольник с тремя сторонами (для полигона это число сторон является минимально возможным). Если склеить два треугольника, сторона к стороне, получится четырехсторонняя фигура, известная как четырехугольник.



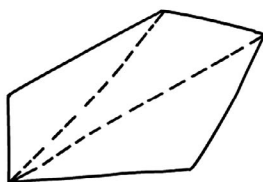
Четырехугольники — прямоугольник, квадрат, трапеция, дельтоид, параллелограмм и ромб. Добавьте к двум склеенным треугольникам еще один, и образуется пятиугольник — многоугольник с пятью сторонами. Приклеивая новые и новые треугольники, вы увеличиваете количество сторон полигона.



Треугольник

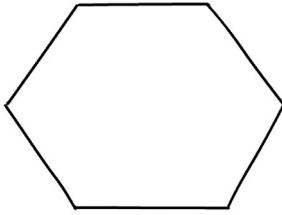


Четырехугольник

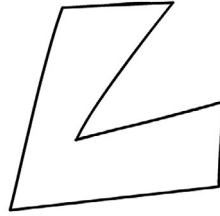


Пятиугольник

Многоугольники бывают выпуклыми и невыпуклыми. У первых все внутренние углы меньше 180° : это означает, что, если вы смотрите на фигуру со стороны, вам кажется, будто ее стороны, как и углы, выдаются вперед, то есть являются выпуклыми. У многоугольников второй разновидности, невыпуклых, как минимум пара-тройка внутренних углов больше 180° , и появляется ощущение, что углы направлены внутрь фигуры.

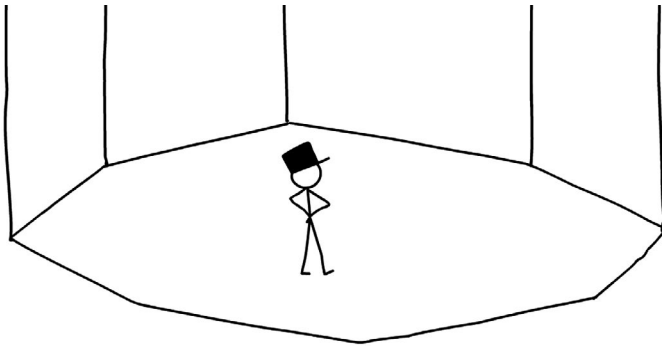


Выпуклый
многоугольник



Невыпуклый
многоугольник

Вообразите, что находитесь в комнате, план которой выглядит как выпуклый многоугольник. Где бы вы ни стояли, для обзора доступен любой угол. Если выразиться математическим языком, у вас есть возможность провести прямую от своего местоположения к каждой точке в помещении. В таком контексте линия будет означать направление обзора, а значит, для охраны любой выпуклой комнаты хватит одного человека.



К сожалению, проектировщик зала математического искусства хотел блеснуть оригинальностью или, возможно, просто увеличить площадь экспозиции, поэтому помещение приобрело вид невыпуклого многоугольника с 28 сторонами — икосиоктагона, если использовать точный термин. Точки внутри помещения, из которой можно провести прямую линию

в любую часть многоугольника, не пересекая его сторон, не существует, и потому у нас есть все основания заявить: для наблюдения понадобится больше одного охранника. Итак, нам известно, что $g > 1$. Наверное, это и так было очевидно, однако теперь у нас появилась отправная точка.

Как уже было сказано, многоугольник можно собрать из треугольников. И, как вы, вероятно, помните со школьных времен, внутренние углы последних составляют в сумме 180° . У треугольника три угла, каждый из которых должен быть меньше 180° , а значит, эта фигура точно не является невыпуклой. Получается, что для полноценной охраны любой треугольной комнаты достаточно одного человека. (Подобное заключение, конечно, не относится к четырехугольникам или многоугольникам с количеством сторон больше трех, так как любая из этих фигур может оказаться невыпуклой.) Итак, теперь вам известно, что на каждый из треугольников, составляющих икосиоктагон, клиентке потребуется самое большее по одному охраннику. В этой связи, наверное, есть смысл упомянуть, что треугольников в многоугольнике всегда на два меньше, чем сторон: треугольник — это один треугольник (что само собой разумеется) и три стороны, четырехугольник — два треугольника и четыре стороны, пятиугольник — это три треугольника и пять сторон...

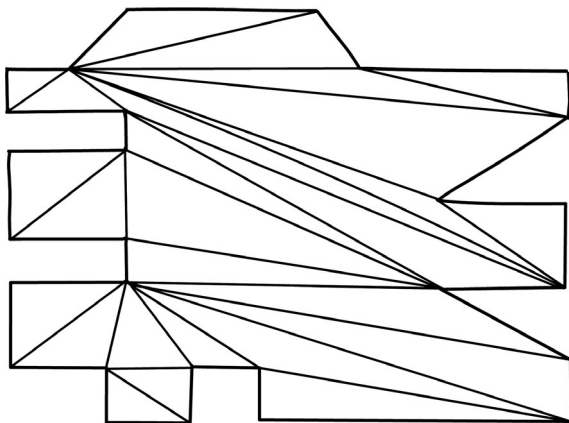
Итак, число g для комнаты с количеством стен n должно равняться по меньшей мере $n - 2$, что дает нам $g \leq n - 2$. Если объединить это неравенство с предыдущим ограничением, получим вот что:

$$1 < g \leq n - 2.$$

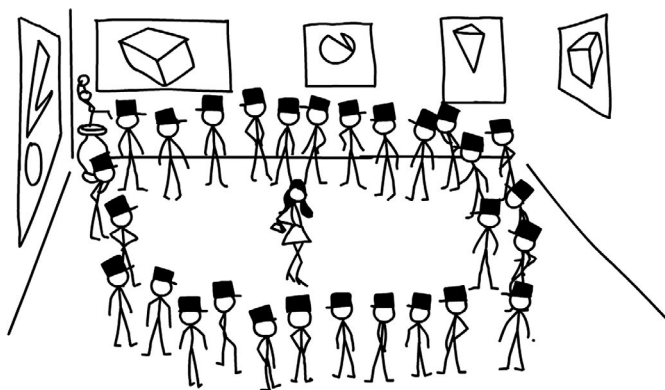
В случае с нашим залом, где по условию $n = 28$, диапазон возможных значений g будет представлен так:

$$1 < g \leq 26.$$

Разбить полигональное помещение на треугольники можно следующим образом:



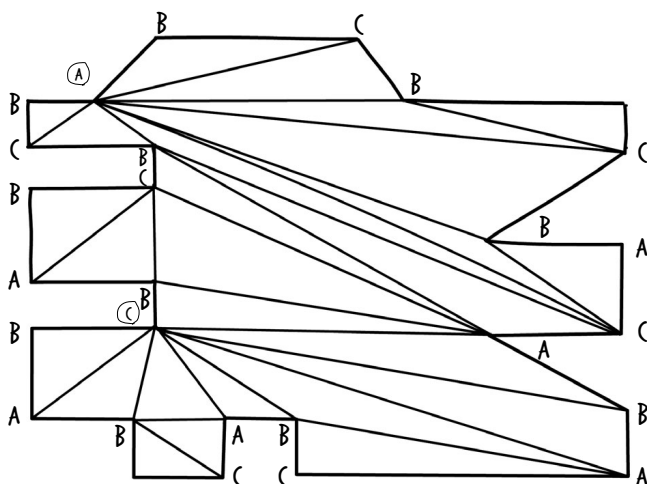
Разумеется, существуют и другие варианты, однако в том, что 28-сторонний полигон будет составлен из 26 треугольников, можно быть абсолютно уверенным.



Ход ваших рассуждений, кажется, устраивает клиентку, но у нее имеются вполне понятные опасения, что

по залу — при достаточном бюджете — будут слоняться 26 охранников. Заверьте даму, что работа еще не закончена и что вы, приложив еще больше усилий, сумеете значительно уменьшить количество персонала.

Давайте подумаем, что получится, если распределить охранников по углам треугольников. Обозначим вершины каждого из них буквами А, В и С, причем таким образом, чтобы углы с одной и той же буквой не соседствовали друг с другом.



На иллюстрации буквы необходимо расставить в нужных местах.

«Почему это так важно?» — возможно, поинтересуетесь вы. Вот почему: выбрав вершину, обозначенную буквой А, В или С, и поместив туда соответствующего охранника, мы дадим каждой фигуре персонального наблюдателя, но некоторые из них будут обозревать больше одного треугольника. Дело в том, что некоторые углы относятся сразу к нескольким треугольникам. Разбивая помещение на простейшие выпуклые многоугольники, мы стремились, чтобы общими вершинами — особенно

в двух углах зала, обведенных кружками, — обладало как можно большее количество треугольников. Таким образом, если у многоугольника n вершин, то количество углов, обозначенных как А, В или С, должно быть около $n \div 3$. Поскольку $n \div 3$ не обязательно будет целым числом, нам придется округлять его в меньшую сторону. В зависимости от точной формы помещения могут найтись способы, как еще уменьшить количество персонала, но будьте уверены: полученный ранее результат окажется верхней границей минимального числа охранников. Итак, теперь вы знаете:

$$1 < g \leq \lfloor n \div 3 \rfloor.$$

Такие полускобки означают округление в меньшую сторону. В нашей ситуации число охранников будет подсчитываться так:

$$1 < g \leq \lfloor 26 \div 3 \rfloor;$$

$$1 < g \leq 8\frac{2}{3};$$

$$1 < g \leq 8.$$

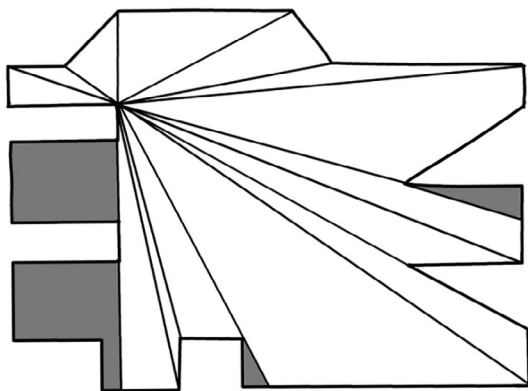
Это означает: независимо от конфигурации помещения с 28 сторонами для его охраны понадобится не более восьми человек. Клиентку это, кажется, радует — ведь количество персонала уменьшилось более чем втрое. Но можно ли улучшить результат?

А теперь вам придется пойти опытным путем и выявить те закономерности, что помогут улучшить промежуточный результат. Нет никакой гарантии, что эвристический подход поможет оптимизировать предыдущее решение, но клиентка совершенно точно обрадуется, если охранников в зале станет еще меньше.

Элегантное доказательство

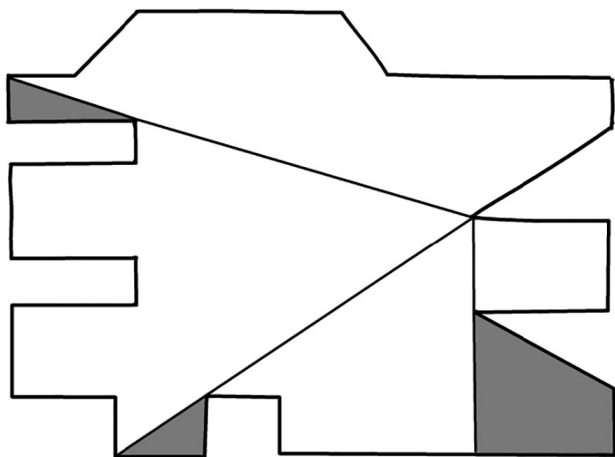
Теорема картинной галереи была доказана канадским математиком чешского происхождения Вацлавом Хваталом еще в 1970-х годах, а потом упрощена американским профессором Стивом Фиском. В этой главе приводится более простая, вторая версия. Математики называют это доказательство (оно приснилось Фиску, задремавшему в автобусе) «элегантным» — то есть простым и понятным даже неспециалисту решением сложной проблемы. По этой причине предложенные американцем рассуждения были включены в «Доказательства из Книги»* — сборник самых красивых и глубоких теорем из различных областей математики, составленный Мартином Айгнером и Гюнтером Циглером.

Вы замечаете, что на плане есть несколько мест с наилучшим обзором. Например, из точки на иллюстрации ниже зал просматривается почти полностью (за исключением заштрихованных областей):



* Айгнер М., Циглер Г. Доказательства из Книги: Лучшие доказательства со времен Евклида до наших дней. — М.: Бином. Лаборатория знаний, 2015.

Следующего охранника вы помещаете таким образом, чтобы слепые пятна оказались в его поле зрения. Большинство нужных областей он увидит из этой точки:



За неохваченной крошечной зоной — она находится в нижнем левом углу — сможет наблюдать третий охранник.

Клиентка, которая выглядит приятно удивленной как простотой ваших рассуждений, так и экономией на охране, тянется к своей сумке Louis Vuitton — хочет выплатить гонорар.

— Не стоит, мадам, — останавливаете вы даму. — Я с радостью откажусь от денег в обмен на пожизненный абонемент в Лувр и индивидуальную экскурсию по залу математического искусства.

— Конечно, мсье, — подсчитывая в уме расходы на троих охранников, соглашается она.

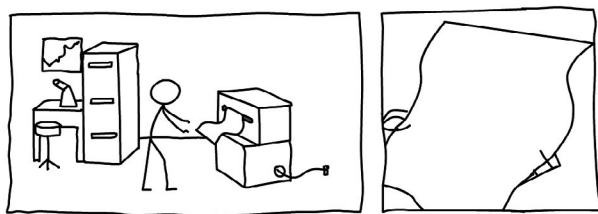
Очевидно, прежде чем совершить экскурсию, вам придется дожидаться поимки преступника.

Сомнительный бизнес

Воровство и фальсификация произведений искусства были и остаются доходным делом. Даже Микеланджело начинал с копий — правда, по сравнению с некоторыми знаменитыми мастерами преступных дел он выглядит полным дилетантом. Так, британская семья Гринхолш с 1989 по 2006 год заработала миллион фунтов стерлингов, продавая подделки, сработанные в сарайчике на собственном заднем дворе. Шон Гринхолш, владеющий сразу несколькими художественными манерами, умелый скульптор и металлообработчик, был признан самым разносторонним фальсификатором. Будучи самоучкой, Шон изготовил по меньшей мере 120 подделок. Гринхолши попались в 2006 году, но не из-за того, что эксперт распознал фальшивку: просто Шон Гринхолш допустил ошибки в клинописи на барельефе. Француз Стефан Брайтвизер, путешествуя по Европе, сумел с 1995 по 2001 год украсть из небольших музеев и галерей более 250 произведений искусства. Пока его подруга следила, не идет ли охрана, он вынимал картины из рам. Продавать украденные полотна мужчина даже не пытался. Когда Брайтвизера арестовали после кражи 500-летнего горна из швейцарского музея, его мать, к сожалению, уничтожила многие похищенные работы. В 1990 году группой злоумышленников из Бостонского музея изящных искусств были украдены художественные произведения на сумму 500 миллионов долларов. Ни одна из картин до сих пор не обнаружена (а это полотна Вермеера, Дега, Рембрандта и Мане), преступники тоже не найдены, а вознаграждение в размере 10 миллионов долларов так никому и не выплачено.

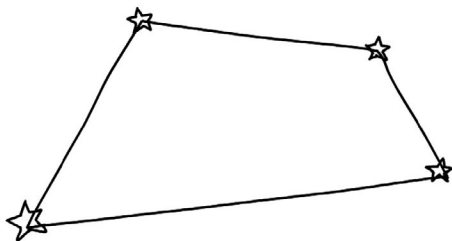
ГЛАВА 2

ЗВОНОК СЕМЬЕ



Институт поиска внеземных цивилизаций (SETI), который собирает доказательства существования инопланетной жизни, был основан в 1984 году. Одна из его задач — анализ поступающих из космоса радиосигналов. Вы как раз собираетесь писать диссертацию по астрономии. Вам посчастливилось выиграть конкурс, инициированный SETI, и попасть туда на стажировку. Какая удача: в первый же день регистрируется сообщение, источником которого может оказаться внеземной разум! Вместе с куратором — одним из ведущих астрономов — вам надлежит уточнить место происхождения сигнала. Исходя из настроек телескопов, уловивших сообщение, вы понимаете, что источник находится в пределах области, ограниченной четырьмя звездами. Если вы рассчитаете ее площадь, то сможете настроить телескопы для более точного поиска.

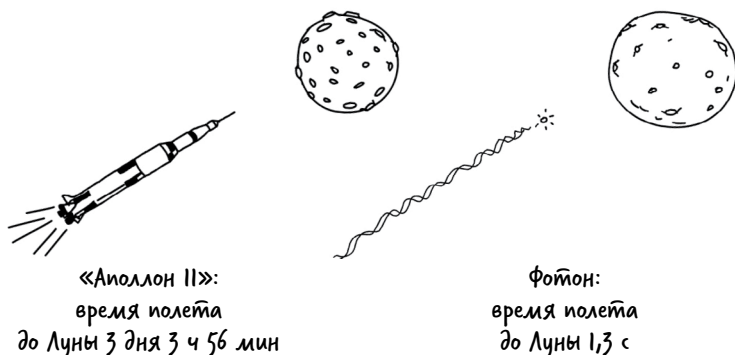
Космос огромен! Настолько огромен, что астрономы редко прибегают к стандартным единицам измерения длины



(метрам, километрам) и отдают предпочтение парсекам. По мере обращения Земли вокруг Солнца видимое положение звезд на небе будет изменяться в зависимости от того, насколько они удалены от нашей планеты. Попробуйте закрывать глаза по очереди. Удаленные объекты остаются на месте, но рука, поднесенная к лицу, будет «перемещаться» то вправо, то влево. Расстояние между глазами незначительно, поэтому положение звезд на небе искажаться не будет, но вот диаметр земной орбиты составляет около 300 миллионов километров — и этого достаточно, чтобы наблюдаемое положение объектов изменялось в зависимости от положения наблюдателя. Такое явление называется параллаксом. Если годовой параллакс звезды при условии, что за ней наблюдают с Земли, составляет $\frac{1}{3600}$, то расстояние до нее приравнивается к парсеку. Это с трудом укладывается в голове, поэтому ваш куратор рекомендует оперировать световыми годами. Световой год — это не отрезок времени, а расстояние, которое свет способен преодолеть в течение года. Поскольку в космосе, по большому счету, пусто — так, пыль, Солнечная система и молекула-другая водорода, — следует исходить из скорости света в вакууме. Преодолевать различные материалы, допустим, стекло или воду, он будет медленнее.

Насколько огромен космос, настолько быстр свет. Согласно Альберту Эйнштейну, скорость света максимальна для Вселенной — ничто не способно двигаться быстрее. Мы знаем,

что скорость света в вакууме составляет 299 792 458 м/с. Это чуть меньше 300 000 км/с. Если перемещаться с подобной скоростью, то от Земли до Луны и обратно можно долететь менее чем за три секунды.



Чтобы вы могли в полной мере оценить космическое пространство и масштаб поисков SETI, астроном просит рассчитать световой год в километрах. Можете действовать следующим образом:

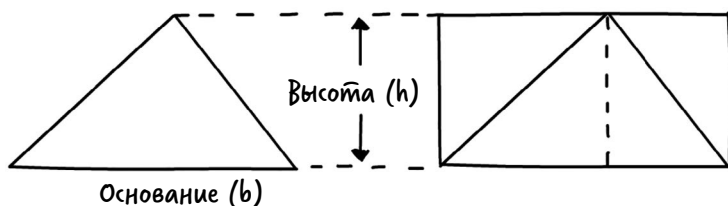
$$\begin{aligned}
 & 300\,000 \text{ километров в секунду } (\times 60) \\
 & = 18\,000\,000 \text{ километров в минуту } (\times 60) \\
 & = 1\,080\,000\,000 \text{ километров в час } (\times 24) \\
 & = 25\,920\,000\,000 \text{ километров в день } (\times 365) \\
 & = 9\,460\,800\,000\,000 \text{ километров в год.}
 \end{aligned}$$

Это 9,5 триллиона километров. Рассмотрим полученные данные в контексте ситуации. Ближайшая к Солнцу звезда — Проксима Центавра — удалена от нас примерно на 4,2 световых года. То есть где-то на 40 триллионов километров. Самый быстрый космический зонд способен развивать скорость

до 250 000 км/ч*. Таким образом, чтобы добраться до Проксимы Центавра ему потребуется «всего» 160 миллионов часов, или чуть больше 18 000 лет.

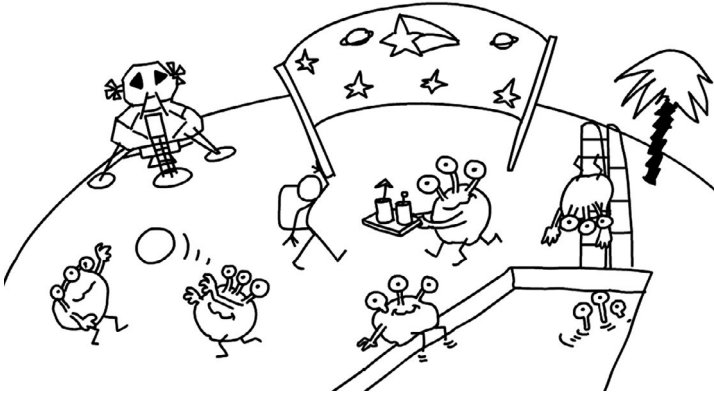
Теперь вы понимаете: даже при обнаружении инопланетного сигнала перед путешествием к его источнику придется серьезно модернизировать наши межзвездные аппараты.

Далее астроном вручает вам звездную карту, для наглядности размеченную на клетки — световые годы: здесь и четыре звезды, и образованная ими область. Небесные тела образуют четырехугольник, однако его форма неудобна для вычисления площади. Вы понимаете, что сумеете ее определить, если разобьете область между звездами на прямоугольники и треугольники. Известно, что площадь прямоугольника равняется произведению его длины и ширины**: $A = lw$. Нелишне напомнить, что любой треугольник — это половина прямоугольника (составленного как раз из двух треугольников):



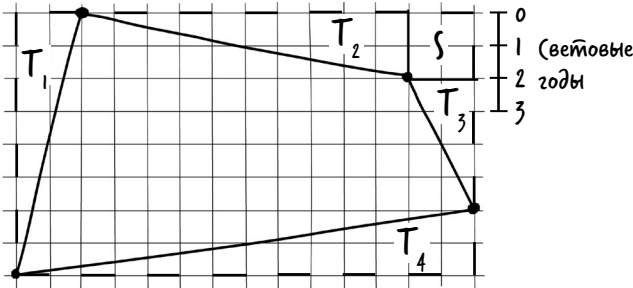
* Примерно 70 км/с. Этот рекорд принадлежал беспилотному космическому аппарату Helios 2, запущенному в 1976 году. В настоящее время рекорд принадлежит аппарату Parker Solar Probe, запущенному к Солнцу в 2018 году и разогнавшемуся в апреле 2021 года до 150 км/с (около 540 000 км/ч). Плановая максимальная скорость — около 200 км/с. — Прим. науч. ред.

** У автора A — площадь, l — длина, w — ширина. — Прим. науч. ред.



В случае с треугольником нет ни «длины», ни «ширины», вместо этого мы имеем дело с основанием и высотой: $A = \frac{1}{2}bh$.

Область между звездами сложно разбить на удобные для вычисления фигуры, однако внешние участки кажутся подходящими для расчета. Это позволяет определить требуемую площадь так: сначала вычислить площадь всего изображения, после чего вычесть из нее площади внешних фигур. Карту нужно разделить следующим образом:



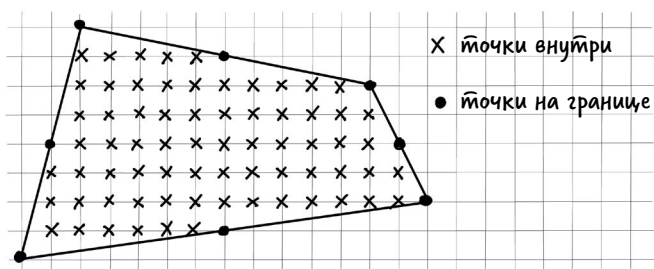
Высчитываете площадь пунктирного прямоугольника: $14 \times 8 = 112$. Единицей измерения пусть служат квадратные световые годы, ly^2 . Далее приступаете к вычислению

площади каждого из четырех треугольников. Площадь T_1 составляет $\frac{1}{2} \times 8 \times 2 = 8y^2$. Подсчитав аналогичным путем площади T_2 , T_3 и T_4 , получаете $10y^2$, $4y^2$ и $14y^2$ соответственно. Квадрат S имеет площадь $4y^2$. Все вместе это означает, что площадь искомого четырехугольника равняется $112 - 8 - 10 - 4 - 14 - 4 = 72y^2$.

Но вы добросовестный ученый и хотите проверить вычисления при помощи другого метода. К счастью, есть по-настоящему эффективный способ. В 1899 году австрийский математик Георг Пик опубликовал формулу, теперь известную нам как теорема Пика, — метод вычисления площади фигур, углы которых лежат на точках сетки. Теорема гласит:

$$\text{Площадь} = i + \frac{b}{2} - 1,$$

где буква i обозначает количество точек внутри многоугольника, а буква b — количество точек на его границе.



Из рисунка следует, что внутри фигуры имеются 69 точек, на ее границе — 8. И мы получаем:

$$\text{Площадь} = 69 + \frac{8}{2} - 1$$

$$\text{Площадь} = 69 + 4 - 1$$

$$\text{Площадь} = 72y^2.$$