

**ЭФФЕКТИВНАЯ
ПОДГОТОВКА
К ОГЭ**

ОГЭ

2025

В. В. Кочагин, М. Н. Кочагина

МАТЕМАТИКА

**ТЕМАТИЧЕСКИЕ
ТРЕНИРОВОЧНЫЕ ЗАДАНИЯ**


**МОСКВА
2024**



УДК 373.5:51
ББК 22.1я722
К75

Об авторах:

В. В. Кочагин — кандидат педагогических наук,
учитель математики ГБОУ «Школа № 1568 им. Пабло Неруды»
г. Москвы

М. Н. Кочагина — кандидат педагогических наук,
доцент Департамента математики и физики
ИЦО ГАОУ ВО МГПУ

Кочагин, Вадим Витальевич.

К75 ОГЭ 2025. Математика. Тематические тренировочные задания / В. В. Кочагин, М. Н. Кочагина. — Москва : Эксмо, 2024. — 208 с. — (ОГЭ. Тематические тренировочные задания).

ISBN 978-5-04-199867-7

Книга предназначена для подготовки учащихся к ОГЭ по математике.

Пособие содержит:

- задания по основным темам курса;
- тренировочные варианты ОГЭ;
- задания для уроков обобщения и повторения;
- ответы и критерии оценивания.

Издание будет полезно учителям математики, так как даёт возможность эффективно организовать учебный процесс и подготовку к экзамену.

УДК 373.5:51
ББК 22.1я722

ISBN 978-5-04-199867-7

© Кочагин В. В., Кочагина М. Н., 2024
© Оформление. ООО «Издательство «Эксмо», 2024

ВВЕДЕНИЕ

Существующая в настоящее время в России новая система итоговой аттестации по математике за курс основной школы предполагает изменение методики подготовки. В экзаменационной работе по математике представлен ряд заданий в тестовой форме, поэтому появляется необходимость знакомить учащихся с такими заданиями. Желательно это делать задолго до самого экзамена, для того чтобы ученики привыкли не только к формулировкам заданий в новой форме, но и к уровню таких заданий, к их содержанию. Такая подготовка формирует у учеников готовность к итоговой аттестации, чувство уверенности в своих силах, создает психологический комфорт.

Данное пособие представляет учащимся возможность, изучая математику в 9-м классе, постепенно знакомиться с требованиями итоговой аттестации, а также предлагает материал для итогового повторения в конце 9-го класса.

Издание содержит тематические тренировочные задания для изучения алгебры в течение всего учебного года в 9-м классе. Учащимся предлагается решать задания параллельно с темой по алгебре, изучаемой на уроках. Ученики смогут постепенно знакомиться с формой заданий, характерных для итоговой аттестации, а также с уровнем этих заданий. Параграфы соответствуют темам, изучаемым учащимися на уроках алгебры. Каждый параграф состоит из двух частей, как и экзаменационная работа. Первая из этих частей

содержит задания разных типов: задания с выбором ответа, задания с кратким ответом, задания на соответствие. Вторая часть параграфа содержит 10 более сложных заданий, для которых необходимо привести развернутое решение.

В приложении книги приводятся ценные материалы, предназначенные для использования при обобщающем повторении математики в конце 9-го класса и подготовке к итоговой аттестации. Здесь приведены задания, которые можно предложить учащимся на уроках повторения. В содержание каждого из 15 уроков включены основные теоретические вопросы, задания для решения в классе и для самостоятельного решения дома. Для контроля знаний предложены два варианта контрольной работы по математике в форме ОГЭ.

В конце пособия приведены указания к решению более сложных заданий и ответы ко всем заданиям.

Для самостоятельной подготовки к экзамену ученикам может также помочь книга «ОГЭ. Математика. Сборник заданий: 9-й класс» (авторы: В.В. Кочагин, М.Н. Кочагина).

Надеемся, что данное пособие поможет девятиклассникам систематизировать свои знания по математике, узнать особенности заданий, предлагающихся на экзамене по математике, а также самостоятельно подготовиться к экзамену и успешно его сдать.

Авторы

ТЕМАТИЧЕСКИЕ ЗАДАНИЯ

1. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

Часть 1

1. Установите соответствие между функциями и их графиками. Функции заданы формулами:

$$A. y = \frac{-4}{x}$$

$$B. y = -4x - 1$$

$$B. y = -4x^2 - x$$

$$Г. y = 4\sqrt{x}$$

1) парабола

2) гипербола

3) прямая

2. Установите соответствие между функциями и их графиками. Функции заданы формулами:

$$A. y = \frac{6}{x}$$

$$B. y = \frac{x}{6}$$

$$B. y = 6x^2 + 4$$

$$Г. y = 6\sqrt{x}$$

1) прямая

2) гипербола

3) парабола

3. Графику функции $y = x^2 - 3x - 1$ принадлежит точка с координатами

1) (0; 1)

3) (2; -3)

2) (1; 0)

4) (-1; -3)

4. Графику функции $y = x^2 - x - 5$ принадлежит точка с координатами

1) (0; 1)

3) (3; -3)

2) (1; 0)

4) (-1; -3)

5. Укажите координаты вершины параболы $y = x^2 - 4x - 5$.

1) (2; -5)

3) (2; -9)

2) (-2; 7)

4) (-4; 27)

6. Укажите координаты вершины параболы $y = x^2 + 6x + 5$.

Ответ: _____.

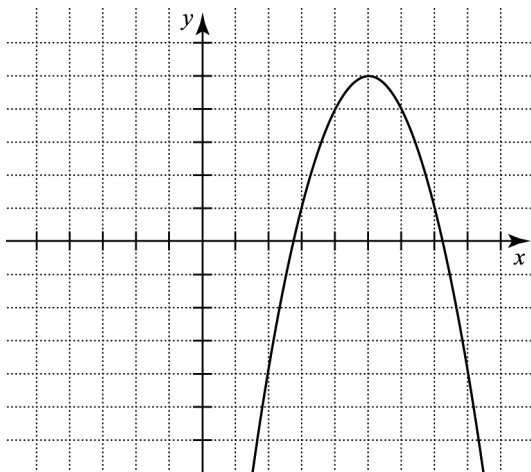
7. По графику квадратичной функции $y = ax^2 + bx + c$ определите знаки коэффициентов a и c .

1) $a < 0$ и $c < 0$

2) $a < 0$ и $c > 0$

3) $a > 0$ и $c < 0$

4) $a > 0$ и $c > 0$



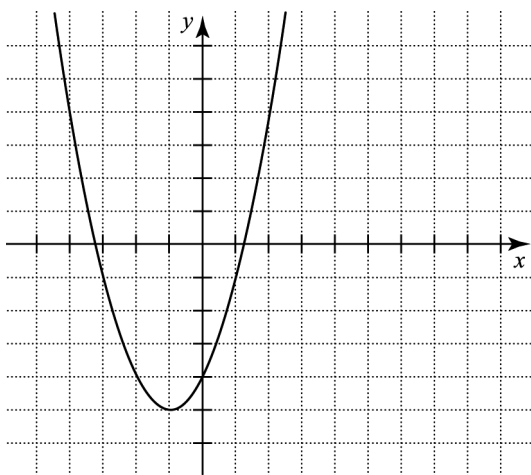
8. По графику квадратичной функции $y = ax^2 + bx + c$ определите знаки коэффициентов a и c .

1) $a < 0$ и $c < 0$

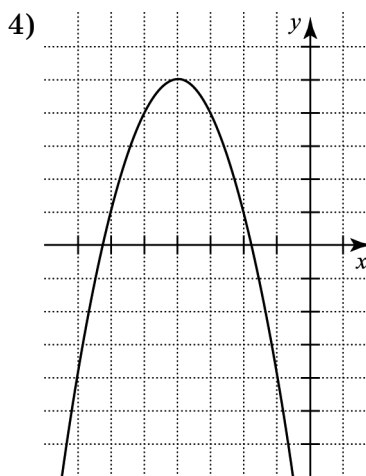
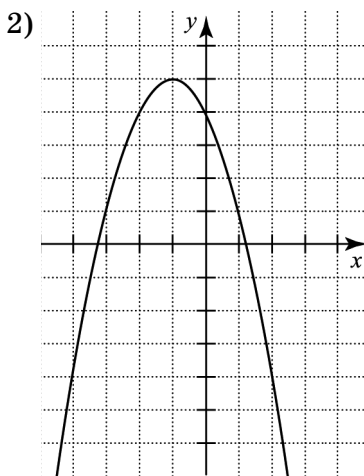
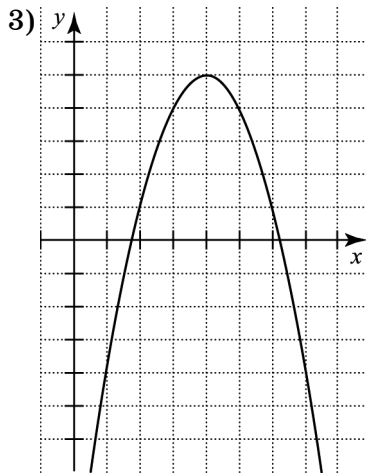
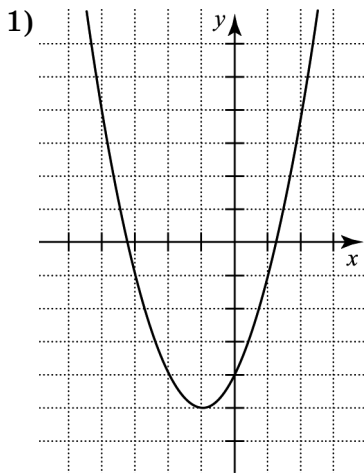
2) $a < 0$ и $c > 0$

3) $a > 0$ и $c < 0$

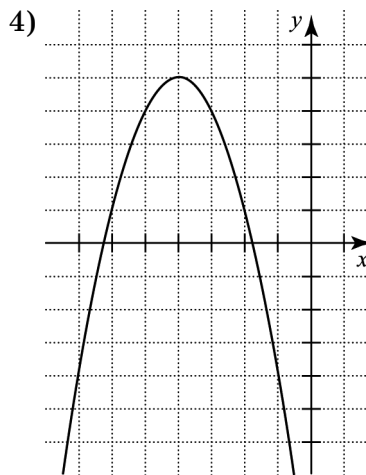
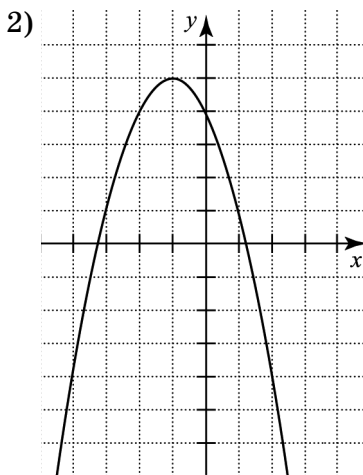
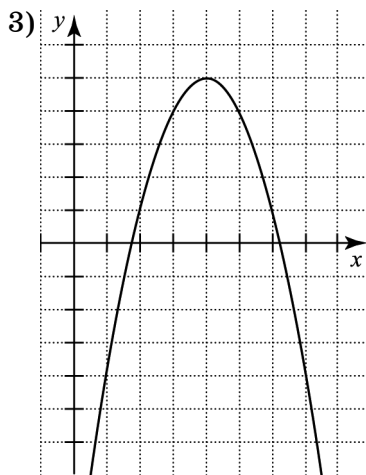
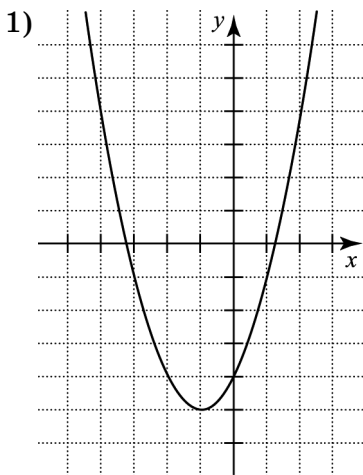
4) $a > 0$ и $c > 0$



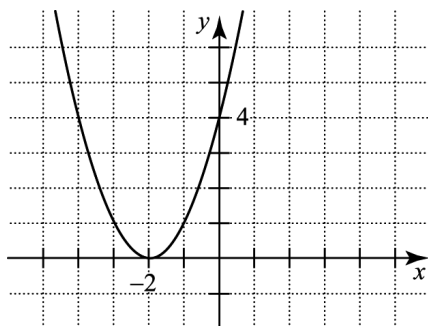
9. На каком из рисунков изображен график квадратичной функции $y = ax^2 + bx + c$, если известно, что $a < 0$ и квадратный трехчлен имеет корни разных знаков?



10. На каком из рисунков изображен график квадратичной функции $y = ax^2 + bx + c$, если известно, что $a < 0$ и квадратный трехчлен имеет отрицательные корни?

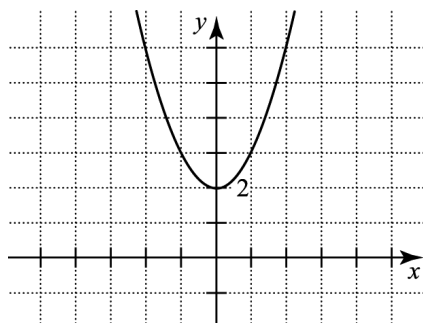


11. На рисунке изображена парабола. Графиком какой функции она является?



- 1) $y = (x + 2)^2$
- 2) $y = x^2 - 2$
- 3) $y = (x - 2)^2$
- 4) $y = (x + 2)^2 + 2$

12. На рисунке изображена парабола. Графиком какой функции она является?



- 1) $y = (x + 2)^2$
- 2) $y = (x - 2)^2$
- 3) $y = x^2 - 2$
- 4) $y = x^2 + 2$

13. Установите соответствие между функциями и их графиками.

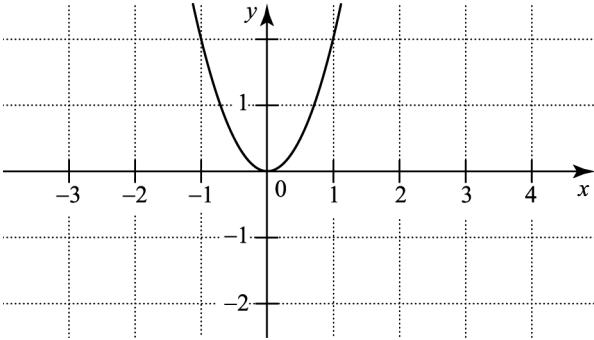
1) $y = \frac{2}{x}$

2) $y = 2x^2$

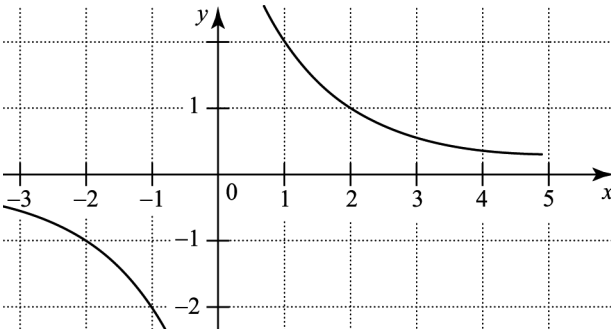
3) $y = x - 2$

4) $y = 2x$

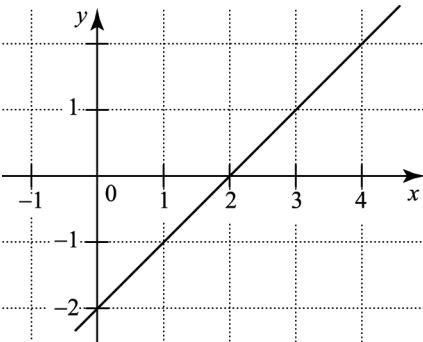
А.



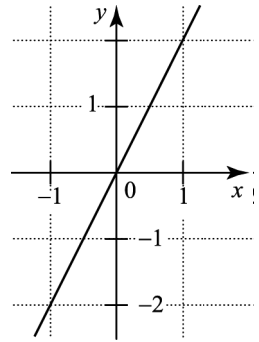
Б.



В.



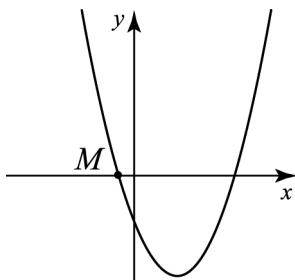
Г.



Ответ: _____.

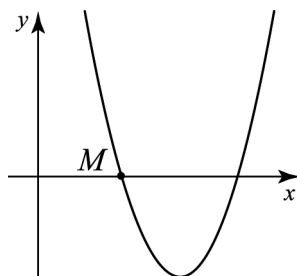
14. На рисунке изображен график функции $y = x^2 - 3x - 4$.
Укажите координаты точки M .

- 1) $(0; -1)$
- 2) $(0; 1)$
- 3) $(1; 0)$
- 4) $(-1; 0)$



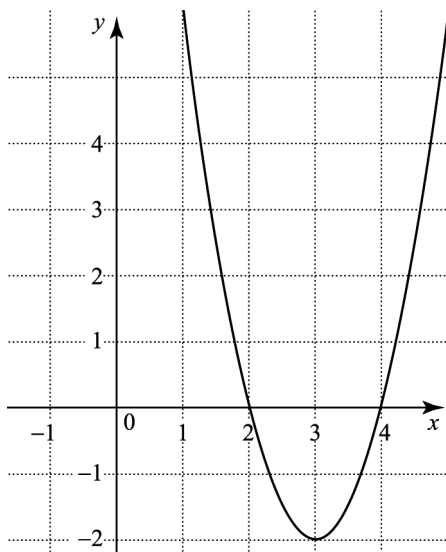
15. На рисунке изображен график функции $y = 4x^2 - 11x + 6$.
Укажите координаты точки M .

- 1) $(0,75; 0)$
- 2) $(4; 0)$
- 3) $(2; 0)$
- 4) $(0; 2)$



16. Функция задана графиком. Укажите множество значений этой функции.

- 1) $(-\infty; +\infty)$
- 2) $[2; 4]$
- 3) $[-2; +\infty)$
- 4) $(-\infty; 2) \cup (4; +\infty)$



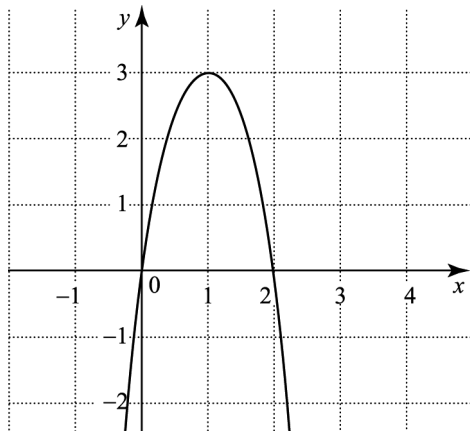
17. Найдите множество значений функции $y = x^2 - 4x + 6$.

Ответ: _____.

18. Найдите множество значений функции $y = x^2 + 6x + 12$.

Ответ: _____.

19. Используя график функции $y = f(x)$, определите, какое утверждение верно.



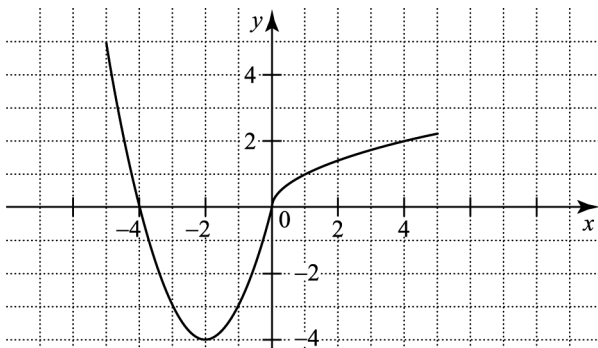
1) $f(3) > f(0)$.

2) Функция убывает на промежутке $(0; +\infty)$.

3) Наибольшее значение функция принимает при $x = 1$.

4) $f(0) = 2$.

20. На рисунке изображен график функции $y = f(x)$. Из приведенных утверждений выберите верное.

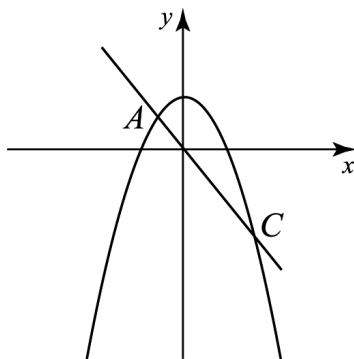


- 1) Наименьшее значение функции $y=f(x)$ равно -2 .
- 2) Функция возрастает на промежутке $[-2; +\infty)$.
- 3) $f(-1) > f(-3)$.
- 4) $f(x) < 0$ при $x < 0$.

Часть 2

При выполнении заданий используйте отдельный лист. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите четко и разборчиво.

21. На рисунке изображены графики функций $y=5-x^2$ и $y=-4x$. Вычислите ординату точки C .

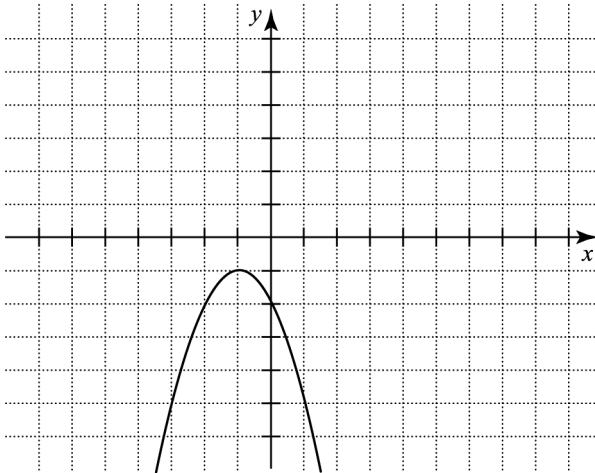


22. Постройте график функции $y=x^2-6x+5$.
- а) При каких значениях аргумента функция принимает положительные значения?
 - б) Укажите наименьшее значение функции.
 - в) Найдите множество значений функции.
 - г) Найдите координаты точек пересечения графика с осью Ox .
 - д) Укажите промежутки возрастания и убывания функции.
 - е) Какие значения принимает функция, если $0 \leq x \leq 4$?

23. Постройте график функции $y = \begin{cases} x^2 + 2x - 15, & |x| \leq 3 \\ -x + 3, & x > 3 \\ -4x - 24, & x < -3 \end{cases}$

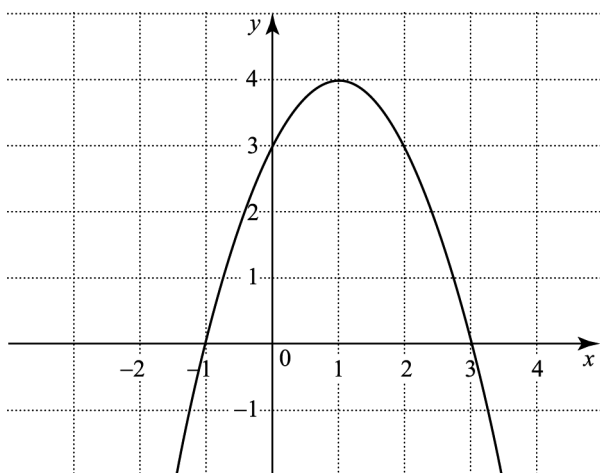
- При каких значениях аргумента функция принимает положительные значения?
- Каково множество ее значений? Найдите значение функции при $x=5$.
- Найдите координаты точек пересечения графика с осями координат.
- Укажите промежутки возрастания и убывания функции.

24. По графику квадратичной функции $y=ax^2+bx+c$ определите знаки коэффициентов a , b , c .



25. Постройте график функции $y = \frac{x^4 - 16}{x^2 - 4}$. При каких значениях аргумента функция принимает положительные значения?

26. Задайте аналитически функцию, график которой изображен на рисунке.



27. Постройте график функции $y = |x^2 - 4x|$. При каких значениях t прямая $y = t$ имеет с графиком этой функции *четыре* общие точки?
28. Постройте график функции $y = x^2 - 8|x|$. Сколько общих точек с графиком функции может иметь прямая $y = t$?
29. Прямая $x = 1$ — ось симметрии параболы
$$y = ax^2 + (a^2 - 8)x + 2,$$
ветви которой направлены вверх. Найдите координаты вершины параболы.
30. Прямая $x = 2$ — ось симметрии параболы
$$y = ax^2 + (a^2 + 4)x + 2,$$
ветви которой направлены вниз. Найдите координаты вершины параболы.